



Nombres entiers et décimaux

1



Narration de recherche

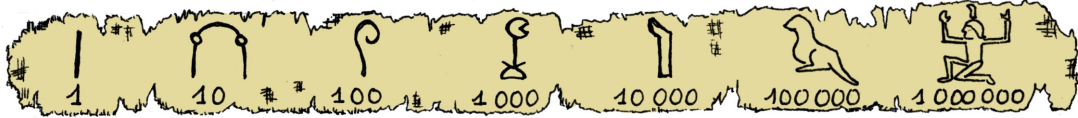
Pour monter un escalier, on peut, à chaque pas, choisir de monter une marche ou de monter deux marches.

Combien y a-t-il de façons de monter un escalier de 1 marche ? De 2 marches ? De 3 marches ? De 4 marches ? De 15 marches ? De 25 marches ? De 2 010 marches ?

Activité 1 : Différentes numérations

1. Numération égyptienne

Il y a plus de 5 000 ans, les scribes égyptiens utilisaient les chiffres (hiéroglyphes) suivants.



Ils écrivaient les nombres en mettant côte à côte les chiffres utilisés sans répéter le même chiffre plus de neuf fois.

Ainsi, le nombre 129 s'écrivait :

- Lis le nombre puis écris 8 769 et 145 137 en chiffres égyptiens.
- Comment doit-on procéder pour lire un nombre écrit avec les chiffres égyptiens ? Que peux-tu dire des nombres ? Qu'est-ce que cela signifie ?
- À l'aide des réponses aux questions précédentes, donne quelques avantages et inconvénients de la numération égyptienne.

2. Numération romaine

Les Romains écrivaient les nombres à l'aide de sept chiffres : I (1), V (5), X (10), L (50), C (100), D (500) et M (1 000) sans utiliser quatre fois le même chiffre à la suite (sauf M). Pour faciliter la lecture, on commençait par les groupes de chiffres ayant la plus grande valeur.

Pour connaître la valeur d'un nombre écrit en chiffres romains, il faut lire le nombre de gauche à droite, ajouter la valeur du chiffre, sauf s'il est inférieur au suivant. Dans ce cas, on le soustrait.

Ainsi : XXVII = 10 + 10 + 5 + 1 + 1 = 27 et DIX = 1 00 + 10 - 1 = 509, car I est inférieur à X.

- Lis le nombre CDXXXIV puis écris 2 009 et 4 888 en chiffres romains.
- Quelle(s) difficulté(s) ont pu rencontrer les Romains avec cette numération ?

3. Numération babylonienne

Les scribes babyloniens n'utilisaient eux que deux chiffres : le clou pour l'unité et le chevron pour la dizaine. Cette numération était basée sur le nombre 60 : au-delà de 59, les chiffres babyloniens pouvaient représenter des groupes de 60 unités ou de 60 • 60 soit 3 600 unités...

Ainsi, on écrivait :



pour 47



pour $(12 \cdot 60) + 3$
soit 723



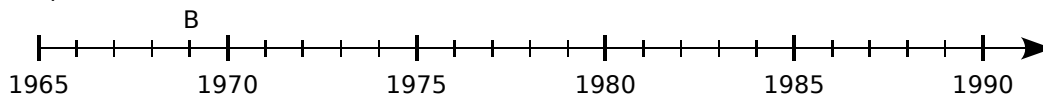
pour $(2 \cdot 3\,600) + (10 \cdot 60) + 4$
soit 7 804

- Quel système de mesure actuel est aussi basé sur le nombre 60 ?
- Lis le nombre puis écris 59 ; 612 et 3 701 en chiffres babyloniens. Détermine les ressemblances et les différences avec les numérations précédentes.
- Écris 7, 60, 66, 600 et 3 600 en chiffres babyloniens. Que remarques-tu ? Donne alors un inconvénient majeur de la numération babylonienne.

Activité 2 : Repérage sur une demi-droite graduée

1. Dates historiques

Sur la **demi-droite graduée** ci-dessous, quel est le nombre associé au point B ? Qu'est-ce qui te permet de l'affirmer ?



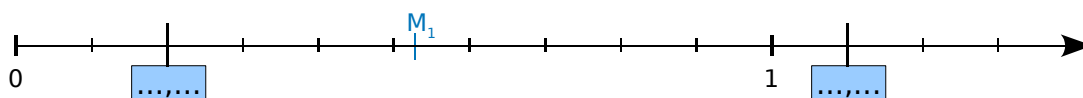
Ce nombre est associé à un événement historique important. Lequel ?

Décalque cette demi-droite et place le point N associé au nombre qui correspond à l'année de la chute du mur de Berlin.

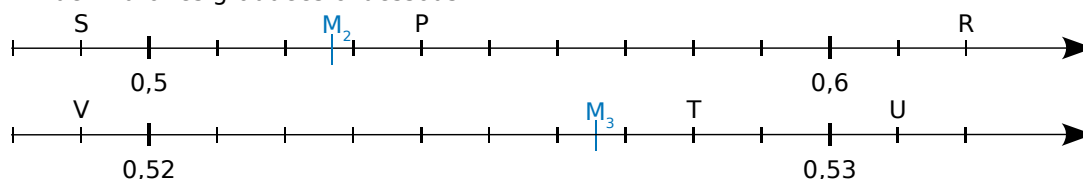
Le nombre associé à un point sur une demi-droite graduée est l'**abscisse** de ce point.

2. Des partages de plus en plus petits

a. Reproduis et complète la demi-droite graduée ci-dessous.



b. Détermine les abscisses des points S, P, R, V, T et U repérés en noir sur les demi-droites graduées ci-dessous.



c. Sur une demi-droite, graduée judicieusement, place précisément les points X et Y d'abscisses respectives 0,526 5 et 0,527 1.

d. Donne un **encadrement**, le plus précis possible, de l'abscisse des points M_1 , M_2 et M_3 repérés en bleu sur les demi-droites graduées des questions a. et b.

Activité 3 : L'écriture décimale

1. 349,785 est un nombre noté en écriture décimale. Dans ce nombre, quel est le chiffre représentant les unités ? Que désigne le chiffre 7 ? Et le chiffre 8 ?

2. Le nombre 123,409 peut se lire « 123 virgule 409 ». Donne une autre lecture possible en utilisant les mots unités, dixièmes, centièmes et millièmes. Que représente chacun des chiffres de ce nombre ? 4 est-il le chiffre des centaines ?

3. (\geq^{**}) Combien de centièmes y a-t-il dans un dixième ? Dans une unité ? Combien de millièmes y a-t-il dans un centième ? Dans un dixième ? Dans une unité ?

4. (\geq^{**}) Combien de centièmes y a-t-il dans 7 unités 4 dixièmes ? Et dans 25 unités 8 dixièmes et 7 centièmes ?

Activité 4 : Comparer, ranger et intercaler

1. Comparer et ranger

- a. Lequel des deux nombres 0,85 et 1,2 est le plus proche de 1 ? Quel est le nombre le plus proche de 12 : 11,9 ou 12,08 ? Justifie avec soin tes réponses.
- b. Range les nombres de chaque liste dans l'ordre **croissant** (c'est-à-dire du plus petit au plus grand).
- 1 250 ; 1 025 ; 125 ; 15 200 ; 1 520 ; 5 120 ; 12 500 et 10 520.
 - $10 + 0,5 + 0,06$; $7 + 0,5$; $10 + 0,06$; $7 + 0,05$; $10 + 0,6$ et $7 + 0,04 + 0,006$
- c. On a représenté ci-dessous une partie d'une demi-droite graduée.



Quelles sont les abscisses des points A, B et C ?

Reproduis sur du papier millimétré cette portion de demi-droite et place les points D, E, F et G d'abscisses respectives 5,4 ; 6,22 ; 5,9 et 5,49.

Range alors les abscisses des points A, B, C, D, E, F et G dans l'ordre **décroissant**.

- d. À l'aide des questions précédentes et de tes connaissances, explique pourquoi les raisonnements d'élèves suivants ne sont pas justes et donne les raisons qui ont pu motiver leurs erreurs.
- « $24,5 < 6,08$ car $245 < 608$. »
 - « $19,85 < 12,96$ car $0,85 < 0,96$. »
 - « $6,012 > 6,35$ car, à **partie entière** égale, le plus grand nombre est celui qui a le plus de chiffres après la virgule. »
 - « $5,24 > 5,8$ car les parties entières sont égales et $24 > 8$. »
 - « $14,3 < 14,30$ car les parties entières sont égales et $3 < 30$. »
 - « $103,6020 = 13,62$ car les zéros ne servent à rien. »
 - « $16,295 < 16,38$ car les parties entières sont égales et 16,295 a plus de chiffres après la virgule que 16,38. »

2. Intercaler

- a. Quel est le nombre entier qui suit 128 ? Est-il possible de répondre à cette question si l'on remplace entier par décimal ?
Mêmes questions si on remplace 128 par 5,4.
- b. Est-il possible de trouver un nombre entier compris entre 1 025 et 1 026 ? Si oui, donne un exemple.
Même question en remplaçant « nombre entier » par « nombre décimal ».
- c. Existe-t-il des nombres entre 14,2 et 14,3 ? Explique.
- d. Est-il possible de trouver un nombre décimal compris entre 12,88 et 12,89 ? Et entre 8,975 et 8,976 ?
- e. À ton avis, est-il toujours possible de trouver plusieurs nombres décimaux compris entre deux nombres décimaux ?

Méthode 1 : Écriture et lecture des nombres en base 10

Les règles et conventions qui permettent d'écrire et de lire les nombres forment ce qu'on appelle un système de numération. Nous utilisons le système décimal, de base dix.

À connaître

Pour écrire les nombres dans le système décimal, il nous faut dix symboles, appelés des chiffres. Ces chiffres sont

0 ; 1 ; 2 ; 3 ; 4 ; 5 ; 6 ; 7 ; 8 ; 9

Il arrive parfois qu'on confonde **chiffre** et **nombre**. On peut faire l'analogie avec l'écriture d'une langue en affirmant que les **chiffres** sont des **lettres** et que les **nombres** sont des **mots**. Ainsi, 13 est un nombre qui s'écrit avec les chiffres 1 et 3.

L'**écriture décimale** d'un nombre comporte deux parties, séparées par une virgule:

- la partie entière, à gauche de la virgule ;
- la partie décimale, à droite de la virgule.

Un nombre entier est caractérisé par le fait qu'il n'a pas de partie décimale (on omet alors la virgule).

milliards			millions			mille			unités			dixièmes	centièmes	millièmes	dix-millièmes	cent-millièmes	millionièmes
centaines de ...	dizaines de ...	unités de ...	centaines de ...	dizaines de ...	unités de ...	centaines de ...	dizaines de ...	unités de ...	centaines de ...	dizaines de ...	unités de ...						
					3	0	2	7	4	6	2	0	0	0	0	0	0
										1	0	0	1				
											0	0	3	7			
	2	0	0	0	0	0	4	2	0	0	0						

Exemple 1 : Le premier nombre figurant dans le tableau s'écrit 3 027 462.
Il se lit "trois millions vingt-sept mille quatre cent soixante-deux".
C'est un nombre entier.

Exemple 2 : Le deuxième nombre figurant dans le tableau s'écrit 10,01.
Il se lit "dix virgule zéro un".
Ce n'est pas un nombre entier.

Exemple 3 : Le troisième nombre figurant dans le tableau s'écrit 0,037.
Il se lit "zéro virgule zéro trente-sept" ou "trente-sept millièmes".
Ce n'est pas un nombre entier.

Exemple 4 : Le quatrième nombre figurant dans le tableau s'écrit 20 000 042 000.
Il se lit "vingt milliards quarante-deux mille".
C'est un nombre entier.

Exercice « À toi de jouer »

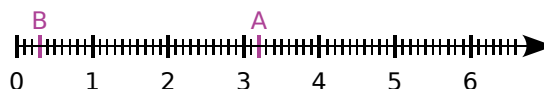
1 Donne une écriture décimale du nombre cinquante-trois millions quatre cent vingt-sept mille huit cent dix-neuf virgule zéro zéro cinq cent soixante-et-un.

Méthode 2 : Repérer sur une demi-droite graduée

À connaître

Sur une demi-droite graduée, un point est repéré par un nombre appelé son **abscisse**.

Exemple : Donne l'abscisse des points A et B puis place le point C d'abscisse 4,3.

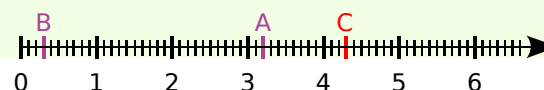


Une unité est divisée en dix parts égales, ce qui signifie qu'elle est partagée en dix dixièmes. Le point A se trouve 2 dixièmes à la droite du 3, donc son abscisse est $3 + 0,2 = 3,2$. De la même façon, B a pour abscisse $0 + 0,3 = 0,3$.

On note $A(3,2)$ et $B(0,3)$.

$C(4,3) : 4,3 = 4 + 0,3$

C se place 3 dixièmes à la droite du 4.



Exercice « À toi de jouer »

2 Sur une demi-droite graduée, place les points M d'abscisse 2,7 et N d'abscisse 5,2.

Méthode 3 : Comparer, encadrer et arrondir

À connaître

Comparer deux nombres, c'est trouver lequel est le plus grand (ou le plus petit) ou dire s'ils sont égaux.

Exemple 1 : Compare 9,37 et 92,751 puis 81,36 et 81,357.

On compare d'abord les **parties entières** des deux nombres.

• $9 < 92$ donc $9,37 < 92,751$.

• 81,357 et 81,36 ont la même partie entière. On compare alors les **parties décimales** : $81,357 = 81 + 0,357$ et $81,36 = 81 + 0,36$ mais $0,36 = 0,360$

Or **360 millièmes** est plus grand que **357 millièmes** donc $81,36 > 81,357$.

Exemple 2 : Écris un encadrement de 1,564 au dixième.

$1,564 = 1 + 0,500 + 0,064$ et 0,064 est plus petit que 1 dixième. Ainsi, 1,564 est compris entre $1 + 0,5$ et $1 + 0,5 + 0,1$, soit $1 + 0,6$.

Donc un encadrement au dixième de 1,564 est : $1,5 < 1,564 < 1,6$.

1,5 est une **valeur approchée par défaut** de 1,564 au dixième près et

1,6 est une **valeur approchée par excès** de 1,564 au dixième près.

À connaître

Arrondir un nombre, c'est le remplacer par le nombre le plus proche à la précision désirée. Pour cela, on choisit le dernier chiffre à conserver puis :

- on conserve ce chiffre si le suivant est 0, 1, 2, 3 ou 4 (**arrondi par défaut**) ;
- on augmente de 1 ce chiffre si le suivant est 5, 6, 7, 8, ou 9 (**arrondi par excès**).

Exercices « À toi de jouer »

3 Range les nombres 25,342 ; 253,42 ; 25,243 ; 235,42 ; 25,324 par ordre croissant.

4 Donne un encadrement au centième de 3,096.

Les nombres entiers

1 Un peu de vocabulaire

Recopie et complète les phrases suivantes afin de les rendre exactes.

- a. Un ... est composé de chiffres.
- b. 9 est un ... composé d'un seul
- c. Le chiffre des centaines du nombre 2 568 est
- d. 3 est le chiffre des ... du nombre 783.
- e. ... est le chiffre des milliers du nombre 120 452.
- f. Le chiffre des ... du nombre 43 est 4.

2 (\geq^{**}) « Chiffre des » ou « nombre de »

a. Recopie et complète les phrases suivantes afin de les rendre exactes.

- $127 = 12 \cdot \dots + 7$.
127 possède donc ... dizaines.
- $841\ 123 = 841 \cdot \dots + \dots$.
841 123 possède donc 841
- $3\ 816 = \dots \cdot 100 + \dots$.
... possède donc

- b. Dans le nombre entier 15, quel est le nombre d'unités ? Le chiffre des unités ?
- c. Combien y a-t-il de centaines dans 4 125 ?
- d. Quel est le chiffre des dizaines dans le nombre entier 498 ? Et le nombre de dizaines ?
- e. Dans 25 dizaines, quel est le nombre d'unités ?

3 Donne l'écriture en chiffres des nombres entiers suivants.

- a. $(9 \cdot 10) + 5$
- b. $(7 \cdot 1\ 000) + (5 \cdot 100) + (2 \cdot 10) + 8$
- c. $(1 \cdot 10\ 000) + (1 \cdot 100) + 1$
- d. $(3 \cdot 100\ 000) + (7 \cdot 10\ 000) + (4 \cdot 10) + 9$
- e. $(3 \cdot 100\ 000) + (4 \cdot 100) + (7 \cdot 1\ 000) + 9$

4 Écriture de nombres

Écris en toutes lettres les nombres suivants.

- a. 1 096
- b. 3 000 200
- c. 80 409
- d. 5 821
- e. 13 180
- f. 8 712
- g. 700 000
- h. 75 000 017
- i. 132 854 780

5 Écris en chiffres les nombres suivants.

- a. Sept mille huit cent douze.
- b. Soixante-trois mille neuf cent cinquante.
- c. Huit millions trois.
- d. Septante-quatre milliards cent quatre.
- e. Cent trente-six millions huit cent nonante-trois mille sept cent cinq.

6 Classe les nombres suivants dans l'ordre décroissant (du plus grand au plus petit).

- 23 100
- 1 320
- Cent vingt-trois mille
- Mille cent vingt-trois

7 En 2007, une étude a montré que la population mondiale se répartissait de la manière suivante (source Wikipédia).

Continent	Population en millions
Afrique	965
Amérique	Neuf cent onze
Asie	4 030
Europe	731
Océanie	Trente-quatre

- a. Donne l'écriture en chiffres de chacune des populations précédentes.
- b. Classe les continents par ordre croissant de leur population.

Les nombres décimaux

8 (\geq^{**}) Combien de ... dans ... ?

- a. Combien de millièmes d'unité y a-t-il dans une unité ?
Traduis cela par une égalité mathématique.
- b. Combien de centièmes d'unité y a-t-il dans une unité ?
Traduis cela par une égalité mathématique.
- c. Combien de centièmes d'unité y a-t-il dans un dixième d'unité ?
Traduis cela par une égalité mathématique.

9 (\geq^{**}) Recopie et complète les égalités.

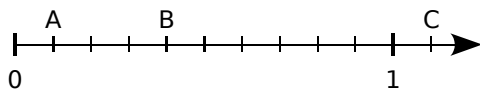
- a. 4 unités 6 dixièmes = ... dixièmes.
- b. ... unité ... centièmes = 123 centièmes.
- c. 12 unités 37 millièmes = ... millièmes.

10 Donne une écriture décimale des nombres suivants.

- a. Sept unités et huit dixièmes.
- b. Cent unités, huit dixièmes et un centième.
- c. Deux unités et trois centièmes.
- d. Treize centaines.
- e. (\geq^{**}) Trente-six milliers et huit millièmes.
- f. (\geq^{**}) Cinq unités et quinze millièmes.

11 Sur une demi-droite graduée

Donne les abscisses des points A, B et C, sous la forme d'un nombre décimal.



12 Écris en toutes lettres les nombres décimaux sans utiliser le mot « virgule ».

- a. 8,9
- b. 7,54
- c. 13,258
- d. 120,015
- e. 54,002
- f. 9,506

13 Dans un sens

Donne l'écriture décimale.

- a. 75 milliers
- b. 5 centièmes
- c. 13 dizaines
- d. 9 dixièmes
- e. 35 centaines
- f. 956 millièmes

14 Vocabulaire des nombres décimaux

- a. Quel est le chiffre des millièmes de 24,738 ?
- b. (\geq^{**}) Quel est le nombre de millièmes de 24,738 ?
- c. Que représente le chiffre 3 dans 7 859,342 ?
- d. (\geq^{**}) Quel est le nombre de centièmes de 17,78 ?
- e. Quel est le chiffre des centièmes de 71,865 ?
- f. Donne la partie entière du nombre 83,712.
- g. Donne la partie décimale du nombre 54,91.

15 Trouve un nombre à cinq chiffres ayant 7 pour chiffre des dizaines, 9 pour chiffre des centièmes, 0 pour chiffre des unités, 3 pour chiffre des millièmes et comme autre chiffre 1.

16 Devinette

Trouve le nombre ayant les caractéristiques suivantes :

- il n'a que deux chiffres après la virgule ;
- il a la même partie entière que 1 890,893 ;
- son chiffre des centièmes est le même que celui de 320,815 ;
- son chiffre des dixièmes est égal à la moitié de celui de 798,635.

17 Zéros inutiles

Écris, lorsque cela est possible, les nombres suivants avec moins de chiffres.

- a. 17,200
- b. 123,201
- c. 36,700 10
- d. 0 021,125
- e. 0,123 0
- f. 023,201 20
- g. 30,000
- h. 0 050,12
- i. 1 205 500,0

18 Décomposition

Donne une écriture décimale qui correspond à chacune des décompositions suivantes.

- a. $(3 \cdot 10) + (4 \cdot 1) + (4 \cdot 0,1) + (7 \cdot 0,01)$
- b. $(8 \cdot 100) + (5 \cdot 1) + (9 \cdot 0,1) + (6 \cdot 0,01)$
- c. $(5 \cdot 1) + (4 \cdot 0,01) + (3 \cdot 0,001)$
- d. $(7 \cdot 100) + (9 \cdot 1) + (8 \cdot 0,1) + (6 \cdot 0,001)$

19 Décomposition (bis)

Décompose chacun de ces nombres de la même façon qu'à l'exercice précédent.

- a. 9,6
- b. 84,258
- c. 7,102
- d. 123,015
- e. 0,008 3
- f. 1 002,200 4

20 Avec du papier millimétré

a. Sur une bande de papier millimétré, trace une demi-droite graduée. Prends 10 cm pour une unité et place les points A, B et C d'abscisses respectives 0,25 ; 1,38 et 0,785.

b. En gardant la même graduation, représente, sur une autre bande, la partie de la demi-droite graduée qui contient les points I et J d'abscisses respectives 125,6 et 126,34.

21 Trace sur ton cahier une demi-droite graduée en prenant pour unité 10 cm.

Place les points O(0), A(1), B(2), C(0,5), D(1,6), E(0,1 + 0,05), F(0,2), G(1 + 0,05) et H(1,45).

Comparaison

22 Le nombre le plus proche de :

a. 4 est $3 + 0,75$ ou $3 + 0,8 + 0,02$?

b. 9 est $8 + 0,58$ ou $9 + 0,4 + 0,03$?

c. 14 est 13,459 ou 14,54 ?

Justifie tes réponses.

23 (\geq ou \leq) Recopie et complète avec le signe « = » ou « \neq ».

a. 0,4 ... 4 dixièmes c. 5,10 ... 5 dixièmes

b. 85 dixièmes... 8,5 d. 7 millièmes ... 0,700

24 Compare les nombres suivants.

a. 15,1 et 15,09 e. 5,123 6 et 5,123 60

b. 7 dixièmes et 7,10 f. $1 + 0,9$ et 1,09

c. 132,45 et 123,46 g. 6,048 et 6,15

d. 7,101 et 7,011 h. 8,75 et 8,9

25 Des économies

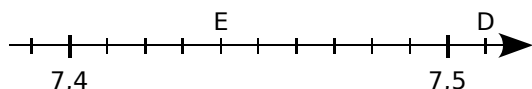
Dans une famille, trois enfants, Kévin l'aîné, Caroline la cadette et Marc le benjamin ont chacun fait des économies.

Leur père remarque que Kévin est moins riche que Marc mais plus riche que Caroline.

Sachant que l'un a fait 50,20 CHF d'économie, l'autre 50,15 CHF et le dernier 50,10 CHF, combien d'argent a économisé chacun des enfants ?

26 Demi-droite graduée et comparaison

a. Reproduis la demi-droite graduée suivante et place les points A(7,39) ; B(7,46) et C(7,425).



b. Range dans l'ordre décroissant les abscisses de tous les points qui sont nommés.

27 En classe

Pierre dit que : « $9,752 < 9,43$ ».

Lorsque son professeur lui demande de justifier sa réponse, il dit : « On a des millièmes contre des centièmes, ce sont donc les centièmes les plus grands ! ».

Pierre a-t-il raison ? Explique ta réponse.

28 Des capacités

Avant la Révolution française, les unités n'étaient pas unifiées.

Voici quelques exemples de capacités utilisées avant la détermination du litre comme unité « universelle » :

Le Velte (7,62 l) Le Litron (0,79 l)

Le Sétier de Gap (48 l) La Feuillette (137 l)

Le Muid (212,04 l) Le Civeyre (4 l)

La Pinte (0,93 l) La Chopine (0,33 l)

a. Range ces différentes unités dans l'ordre croissant de leur capacité.

b. Aux États-Unis, une autre unité de capacité a été adoptée pour certaines mesures (en particulier pour l'essence) ; c'est le gallon.

Comme le gallon vaut 3,785 l, entre quelles capacités précédentes le placerais-tu ?

29 Rangement

Range les nombres suivants dans l'ordre croissant.

5 ; 4,99 ; 4,9 ; 4,88 ; 5,000 1 ; 4,909 ; 4,879.

30 Rangement (bis)

Range les nombres suivants dans l'ordre décroissant.

120 ; 119,999 ; 120,000 1 ; 120,101 ; 119,9 ; 119 ; 119,990 9 ; 120,100 1 ; 102,01 ; 120,1.

31 Voici les diamètres des planètes du système solaire (en milliers de kilomètres).

Jupiter : 143	Mars : 6,8	Saturne : 120,5
Neptune : 49,2	Uranus : 50,7	Vénus : 12,1
Terre : 12,7	Mercure : 4,9	

Donne le nom des planètes dans l'ordre décroissant de leur taille.

32 (\geq^{**}) *Drôle de liste*

On considère la liste de nombres suivante.

15,452 ; 15 046 millièmes ; 15 + 406 millièmes ;
15 unités et 46 centièmes ; 15 + 0,04 + 0,6.

Range ces nombres dans l'ordre croissant.

Encadrer, arrondir

33 *Entre deux entiers*

a. Recopie et complète par deux entiers consécutifs les encadrements suivants.

... < 8,5 < < 123,09 < ...

... < 0,956 < < 99,01 < ...

b. Donne une valeur approchée par excès à l'unité près de 8,5 et une valeur approchée par défaut à l'unité près de 99,01.

34 *Avec une précision donnée*

Donne un encadrement au centième près des nombres suivants.

- a. 37,654 c. 82,235 8 e. 0,852 6
b. 8,568 d. 9 + 0,705 f. 0,3+0,009

35 *Par défaut et par excès*

On considère le nombre suivant :

$12 + 0,0008 + 0,4 + 0,007 + 0,00005$

- a. Donne une écriture décimale de ce nombre.
b. Donne une valeur approchée par défaut à l'unité près de ce nombre.
c. Donne une valeur approchée par excès au centième près de ce nombre.
d. Donne un encadrement au millième près de ce nombre.

36 *Entre deux nombres*

Dans chaque cas, intercale un nombre décimal entre les deux nombres donnés.

- a. 51 et 52 d. 5,12 et 5,123
b. 8,4 et 8,5 e. 0,1 et 0,11
c. 74,1 et 74,2 f. 945,78 et 945,781

37 *Arrondir à l'unité*

Arrondis à l'unité les nombres suivants.

- a. 46,8 d. 0,09
b. 109,75 e. 234,08
c. 1,3 f. 4 087,63

38 *Arrondir à la dizaine*

Arrondis à la dizaine les nombres suivants.

- a. 234,2 d. 889,3
b. 3,14 e. 6 289,3
c. 17,62 f. 23,005

39 *Arrondir au dixième*

Arrondis au dixième les nombres suivants.

- a. 8,372 d. 43,725
b. 50,64 e. 0,02
c. 30,18 f. 78,66

40 Énigme

Trouve le nombre décimal à six chiffres tel que :

- son chiffre des unités est 2 ;
- l'un de ses chiffres est 6 et sa valeur dans l'écriture décimale est cent fois plus petite que celle du chiffre 2 ;
- son chiffre des dizaines est le double de celui des unités et son chiffre des dixièmes est le quart de celui des dizaines ;
- ce nombre est compris entre 8 975,06 et 9 824,95 ;
- la somme de tous ses chiffres est égale à 27.

41 Nombres croisés

Recopie et complète la grille à l'aide des nombres que tu trouveras grâce aux définitions.

	A	B	C	D	E
I					
II					
III					
IV					
V					

Horizontalement

I : La partie entière de 328,54. Le chiffre des centièmes de 634,152.

II : Son chiffre des dizaines est le triple de celui des unités.

III : Le chiffre des dixièmes de 34. Une valeur approchée par défaut à l'unité près de 178,356.

IV : Entier compris entre 8 000 et 9 000.

V : Quarante-deux centaines.

Verticalement

A : $(3 \cdot 1\,000) + (5 \cdot 100) + (8 \cdot 1)$.

B : Le nombre de dixièmes dans 2,6. La partie entière de 2 498 centièmes.

C : Quatre-vingt-six milliers et cent deux unités.

D : En additionnant tous les chiffres de ce nombre, on trouve 20.

E : Une valeur approchée par excès à l'unité près de 537,56. Entier qui précède 1.

42 Voici les résultats (en secondes), pour les hommes, du 100 m aux JO de Pékin en 2008.

Martina : 9,93 ; Frater : 9,97 ; Burns : 10,01 ; Patton : 10,03 ; Bolt : 9,69 ; Powell : 9,95 ; Thompson : 9,89 ; Dix : 9,91.

Classe les coureurs dans l'ordre décroissant de leur résultat.

43 (\geq^{**}) À ordonner

Range les nombres suivants dans l'ordre croissant.

25 unités et deux dixièmes ; 2 504 centièmes ; 25 + 2 centièmes ; deux mille cinquante-deux centièmes ; 20,54 ; 254 dixièmes.

44 (\geq^{**}) À placer

En choisissant judicieusement la longueur d'une graduation, place précisément sur une demi-droite graduée les points A, B, C, D et E d'abscisses respectives :

12,02 ; mille deux cent treize centièmes ; 12 + 7 centièmes ; 1 198 centièmes ; cent vingt-et-un dixièmes.

45 Dans chaque cas, propose, si cela est possible, un nombre entier que l'on peut intercaler entre les deux nombres donnés. Y a-t-il plusieurs solutions ? Si oui, cite-les.

- a. $5 < \dots < 6$ c. $3,8 < \dots < 5,3$
 b. $6,4 < \dots < 6,8$ d. $6,5 < \dots < 7,21$

46 Dans chaque cas, donne trois exemples différents de nombres décimaux que l'on peut intercaler entre les deux nombres donnés.

- a. $6 < \dots < 7$ d. $6,8 < \dots < 6,9$
 b. $4,5 < \dots < 4,9$ e. $15,13 < \dots < 15,14$
 c. $3,45 < \dots < 3,48$ f. $3,238 < \dots < 3,24$

47 Chiffres masqués

Certains chiffres sont masqués par #. Lorsque cela est possible, recopie et complète les pointillés avec $<$, $>$ ou $=$.

- a. $6,51 \dots 6,7\#$ d. $6,04 \dots 6,1\#$
 b. $5,42 \dots 5,0\#$ e. $3,\#35 \dots 3,01$
 c. $\#,23 \dots 4,16$ f. $43,\#96 \dots 43,0\#$

48 Nombres à trouver

Dans chaque cas, recopie et complète les pointillés par un nombre décimal.

- a. $24,5 < \dots < 24,6$ c. $32,53 < \dots < 32,54$
 b. $12,99 < \dots < 13$ d. $58 < \dots < 58,01$
 e. $5,879 < \dots < \dots < \dots < 5,88$

Exercices d'approfondissement

49 Comparaison

- a. Quel est le plus grand nombre décimal ayant un chiffre après la virgule et inférieur à 83 ?
- b. Quel est le plus petit nombre décimal avec trois chiffres après la virgule et supérieur à 214,3 ?
- c. Quel est le plus grand nombre décimal avec deux chiffres après la virgule, ayant tous ses chiffres différents et qui est inférieur à 97,8 ?
- d. Quel est le plus petit nombre décimal avec trois chiffres après la virgule, ayant tous ses chiffres différents et qui est supérieur à 2 341 ?

50 Voici les masses de lipides et glucides (en g) contenues dans 50 g de différents biscuits.

Biscuit	A	B	C	D	E
Lipides	9,527	9,514	9,53	9,521	9,6
Glucides	32,43	33	33,6	33,15	33,50

a. Classe ces biscuits selon l'ordre croissant de leur quantité de lipides.

b. Classe ces biscuits selon l'ordre décroissant de leur quantité de glucides.

51 Vrai ou faux ?

Pour chaque affirmation, dis si elle est vraie ou fausse et justifie ta réponse.

- a. $59,1 < 59,8 < 59,12$.
- b. Aucun nombre décimal ne peut s'intercaler entre 24,8 et 24,9.
- c. (\geq^{**}) 32 dixièmes est supérieur à 280 centièmes.
- d. (\geq^{**}) 25 dixièmes est inférieur à 24 537 dix millièmes.
- e. (\geq^{**}) $1,3 < 1\,358 \text{ millièmes} < 1,5$.
- f. 4,05 est égal à 4,5.
- g. Un encadrement au dixième près de 7,386 est $7,2 < 7,386 < 7,4$.
- h. Aucun nombre entier ne peut s'intercaler entre 12,3 et 12,4.
- i. $27,2 < 27,06 < 27,14$.
- j. Un encadrement au centième près de 0,5 673 est $5,67 < 0,5\,673 < 5,68$.

Travail de recherche

Voici un extrait de « La Disme », écrit par Simon Stevin en 1585 :

« Les 27 ① 8 ① 4 ② 7 ③ donnés, font $27 \frac{8}{10}$, $\frac{4}{100}$, $\frac{7}{1000}$, ensemble $27 \frac{847}{1000}$, et par même raison les 37 ① 6 ① 7 ② 5 ③ valent $37 \frac{675}{1000}$. Le nombre de multitude des signes, excepté ①, n'excède jamais le 9. Par exemple nous n'écrivons pas 7 ① 12 ②, mais en leur lieu 8 ① 2 ②. »

1^{re} Partie : Simon Stevin

Par groupe, en vous documentant, répondez aux questions suivantes.

- a. Où Simon Stevin a-t-il vécu ?
- b. Quels sont les domaines dans lesquels Simon Stevin a travaillé ? Faites la synthèse des réponses de chaque groupe.

2^e Partie : La Disme

- c. Cherchez comment on écrit de nos jours le nombre 38 ① 6 ① 5 ② 7 ③. Comparez avec les réponses des autres groupes.
- d. Écrivez, à la manière décrite par Simon Stevin, les nombres $124 + \frac{7}{10} + \frac{5}{100}$ et 34,802. Comparez avec les réponses des autres groupes.
- e. Choisissez trois nombres décimaux différents et écrivez-les à la manière décrite par Simon Stevin.
- f. Échangez ensuite avec un autre groupe ces nombres écrits à la manière de Simon Stevin. Cherchez alors comment on écrit de nos jours les nombres que vous avez reçus.
- g. Faites une recherche pour trouver les différentes notations utilisées depuis 1585 pour l'écriture des nombres décimaux.

Se tester avec le QCM!

		R1	R2	R3	R4
1	380 s'écrit en toutes lettres...	trois cents quatre-vingt	trois cent quatre-vingts	trois cents quatre-vingts	trois cent quatre-vingt
2	Dix-huit millions huit cents s'écrit...	18 800 000	18 000 800	18 800	18 008 100
3	45 centaines est égal à...	5 unités	450 dizaines	4 dizaines	45 100
4	Un centième est...	plus grand qu'un dixième	égal à dix millièmes	plus petit qu'un millième	égal à dix dixièmes
(≥**) 5	Une écriture décimale de 456 centièmes est...	456,100	456 100	4,56	4 560 millièmes
(≥**) 6	Le nombre $5 + 0,4 + 0,007$ peut aussi s'écrire...	547 millièmes	5,47	5,407	5 047 millièmes
7	7 unités, 8 centièmes et 5 millièmes s'écrit...	7,85	7,085	7,800 500 0	7,085 0
8	Dans l'écriture décimale du nombre 45,631...	la valeur du chiffre 3 est dix fois moins grande que celle du chiffre 6	6 est le chiffre des centaines	la valeur du chiffre 4 est deux fois plus grande que celle du chiffre 6	0,631 est la partie décimale
9	Sur la demi-droite graduée ci-dessous... 	l'abscisse du point A est 5,8	l'abscisse du point C est comprise entre 6,1 et 6,2	l'abscisse du point A est $5 + 0,8 + 0,09$	l'abscisse du point B est 5,6
10	Le nombre 6,58 est supérieur à...	6,6	$6 + 0,05 + 0,6$	6,57	6,5
11	Un nombre compris entre 24,56 et 24,57 est par exemple...	24 568 millièmes	24,560 7	impossible, il n'y a pas de nombre compris entre 24,56 et 24,57	$42 + 0,562$
12	L'arrondi de 123,254 au dixième est...	120	123,2	123,26	123,3

Récréation mathématique

La constante de Champernowne

Ce nombre, inventé par le mathématicien anglais David Gawen Champernowne en 1933, commence par 0,123456789101112131415...

a. Quelle est la particularité de cette constante ? Donne les dix décimales suivantes.

b. Quelle est l'arrondi, au cent-milliardième près, de cette constante ?

Défis

a. Combien de fois faudrait-il utiliser le chiffre 1 si l'on voulait écrire tous les nombres entiers de 1 à 999 ? Et le chiffre 9 ?

b. Donne le nombre de mots utilisés pour écrire tous les entiers plus petits que 100.

